TRADUZIDO DE UMA TRADUÇÃO INGLÊSA DO HOLANDÊS Trabalho nº 48655

INSTITUTO PEDAGÓGICO DA UNIVERSIDADE ESTADUAL DE UTRECHT

GUIA PARA O TESTE DE ÁLGEBRA

POR

Dr. L. N. H. Bunt

Instruções sôbre a aplicação do teste

Este teste é destinado a alunos que nunca estudaram Álgebra.

Deverá ser feito em 90 minutos, inclusive uma pausa de 3 minutos depois do teste nº 7. Concedendo-se mais 10 minutos para distribuir os folhetos dos testes, preencher as respostas da primeira página e fornecer instruções preliminares, o tempo total será de 100 minutos. O teste deverá ser feito integralmente numa única sessão, com exceção da pequena pausa de 3 minutos depois do teste nº 7.

Damos abaixo uma indicação do tempo que deverá ser gasto em cada uma das lições e respectivos testes. Esta tabela não será utilizada durante o teste; damos indicações para êsse fim nas páginas 3 a 6.

1½ lição— 2 minutos7½ lição—
$$2\frac{1}{2}$$
 minutosTeste nº 1— 5 minutosTeste nº 7— $3\frac{1}{2}$ minutos2½ lição— $1\frac{1}{2}$ minutosPausa— 3 minutosTeste nº 2— $1\frac{1}{2}$ minutos8½ lição— $3\frac{1}{2}$ minutos3½ lição— 2 minutosTeste nº 8— 7 minutosTeste nº 3— 3 minutos9½ lição— 3 minutosTeste nº 4— $3\frac{1}{2}$ minutosTeste nº 9— 6 minutosTeste nº 4— $3\frac{1}{2}$ minutosTeste nº 10— $5\frac{1}{2}$ minutosTeste nº 5— $5\frac{1}{2}$ minutosTeste nº 10— $5\frac{1}{2}$ minutos6½ lição— $2\frac{1}{2}$ minutosTeste nº 11— 7 minutosTeste nº 6— $3\frac{1}{2}$ minutosTeste nº 12— $9\frac{1}{2}$ minutos

Leia as seguintes instruções, uma ou duas vêzes, antes de dar início ao teste, a fim de conhecê-lo pormenorizadamente.

Antes de começar o teste, certifique-se de que cada aluno tem um lápis bem apontado e outro de reserva. É conveniente ter alguns lápis de reserva, caso haja necessidade (não se deverá usar tinta). Não se deve permitir o emprêgo de rascunho; há espaço suficiente para os cálculos nas margens superior e inferior de cada página.

Atenção: Êste trabalho presta-se muito a que os alunos copiem as notas uns dos outros.

Quando tudo estiver pronto para dar início ao teste você dirá: "Esta manhã (ou tarde) faremos uma prova escrita destinada a alunos que nada sabem de Álgebra.

Darei um folheto a cada um de vocês. Assim que vocês o receberem, poderão começar a ler a primeira página e a preencher as respostas das questões. Escreveremos tudo a lápis. Permite-se a correção de respostas erradas.

Não abram o folheto enquanto não receberem ordem para tal."

De a cada aluno um folheto com o lado direito virado para ci-

Depois que os alunos lerem tôda a la página e tiverem respondido às perguntas nela contidas você dirá: "No folheto que vocês têm à sua frente há uma série de lições de Álgebra que vocês deverão estudar. Vocês dispõem de um determinado tempo para cada lição. Depois de cada lição vem um teste composto de várias questões destinadas a verificar o que vocês aprenderam da respectiva lição. Para responder a essas questões vocês também disporão de um tempo determinado. Estudem cada lição e procurem compreender do que se trata a fim de poderem fazer o teste que a acompanha. Não deixem desviar sua atenção do trabalho que estão fazendo a fim de não perderem tempo. Depois de começado o teste vocês não poderão fazer mais perguntas. Quendo ao pé da pígina estiver escrito cont., vocês deverão virá-la e prosseguir no trabalho; em caso contrário , esperem a ordem para virar a fôlha".

Quando o ponteiro de segundos do seu relógio apontar para 30 você dirá: "Quando disser "começar", virem a primeira página, dobrem o folheto de maneira a poderem ler a la lição e estudem essa lição atentamente." Se necessário repita esta frase. Espere que o ponteiro de segundos do seu relógio atinja 60 e então diga: "Comecem". Em seguida fixe o ponteiro dos minutos em 12 a fim de facilitar o contrôle, pois há um grande número de períodos de durações diferentes.

Tenha cuidado especial para que os testes e lições comecem e terminem nos momentos exatos fixados. A hora indicada ao lado de cada secção refere-se à parte da prova incluída do comêço da la lição ou teste indicado.

Depois de 2 minutos você dirá: "Mesmo que vocês não tenham terminado a la lição, passem para o teste no l."

Depois de 7 minutos você dirá: "Mesmo que vocês não tenham terminado o teste nº 1, descansem os lápis". (Verifique se o fizeram). "Não faz mal que não tenham terminado. Comecem agora a 2º lição."

Depois de 8 1/2 minutos V. dirá: "Mesmo que vocês não tenham terminado a 2ª lição, passem para o teste nº 2."

Depois de 10 minutos V. dirá: "Mesmo que vocês não tenham terminado o teste nº 2, descansem o lápis." (Verifique se o fize - ram). "Comecem a 3º lição."

Depois de 12 minutos V. dirá: "Comecem o teste nº 3".

Depois de 15 minutos V. dirá: "Descansem o lápis. Comecem a 4º lição".

Depois de 17 minutos V. dirá: "Comecem o teste nº 4".

Depois de 20 1 minutos V. dirá: "Descansem o lápis. Comecem a 5º lição".

Depois de 23 1 minutos V. dirá: "Comecem o teste nº 5. Não se esqueçam de que em todos os testes vocês poderão utilizar as margens superior e inferior de cada página para fazer cálculos".

Depois de 29 minutos V. dirá: "Descansem os lápis. Comecem a 6% lição".

Depois de 31 1 minutos V. dirá: "Comecem o teste nº 6".

Depois de 35 minutos V. dirá: "Descansem o lápis. Comecem a 7½ lição".

Depois de 37 1 minutos V. dirá: "Comecem o teste nº 7".

Depois de 41 minutos V. dirá: "Parem. Descansem o lápis. Fechem o caderno e deixem-no onde está. Esperaremos alguns minutos antes de recomeçarmos".

Depois de um intervalo de pelo menos 3 minutos, quando o ponteiro de segundos de seu relógio parar no 30, V. dirá: "Vamos agora continuar o teste. Dobrem novamente o folheto de maneira a deixar virada para cima a página nº 15". Repita a frase, se necessário. "Esperem até que eu lhes diga para começarem." Quando todos estiverem prontos V. dirá: "Não se esqueçam de estudar atentamente as lições e de ler cuidadosamente as instruções. Prontos? Comecem a 8º lição".

Preste atenção para dizer "comecem" exatamente no momento e m que o ponteiro de segundos do seu relógio atingir 60. Fixe então em 12 o ponteiro dos minutos.

Depois de 3 1 v. dirá: "Mesmo que vocês ainda não tenham terminado a 8º lição, comecem o teste nº 8".

Depois de 10 1 V. dirá: "Descansem o lápis. Comecem a 9º lição".

Depois de 13 1 minutos V. dirá: "Comecem o teste nº 9".

Depois de 19 1 minutos V. dirá: "Descansem o lápis. Comecem a 10º lição".

Depois de 21 1 minutos V. dirá: "Comecem o teste nº 10".

Depois de 27 minutos V. dirá: "Descansem o lápis. Comecem a lição".

Depois de 29 1 minutos V. dirá: "Comecem o teste nº 11".

Depois de 36 1 minutos V. dirá: "Comecem o teste nº 12".

Depois de 46 minutos V. dirá: "Parem. Descansem o lápis. Fechem os cadernos".

Recolha imediatamente todos os cadernos.

Instruções para avaliação de pontos do teste

Siga exatamente as seguintes instruções a fim de avaliar corretamente os pontos do teste.

- 1. A fim de evitar erros, deve-se utilizar a chave para correções. O folheto do teste e a chave do mesmo podem ser postos lado a lado a fim de que as questões e respectivas respostas fiquem no mesmo nível.
- 2. Pode-se confiar na exatidão das respostas constantes da chave. Consequentemente, só as respostas ali incluídas poderão ser consideradas corretas.
- 3. As respostas que divergirem daquelas constantes da chave apenas por inversão de têrmos, fatôres-letras ou potências, deverão ser consideradas corretas. Um fator numérico, entretanto, deve sempre vir em primeiro lugar.
- 4. As respostas que incluírem sinal de multiplicação deverão ser consideradas erradas. São exceções a esta regra as respostas do teste nº 3, questões 1, 2, 3 e 4 e teste nº 12, questão 2.
- 5. As respostas fracionárias que não forem simplificadas ao máximo deverão ser consideradas erradas.
- 6. Nos testes nº 9, 10 e 12 não há necessidade de se mencionarem as unidades. Mesmo as unidades expressas incorretamente deverão ser consideradas certas.

- 7. No teste 9 respostas tais como 3 x C (dias), C x 3 (dias), C dias x 3 ou C 3 (dias) devem ser contadas como erradas. O mesmo se aplica aos testes 10 e 12.
- 8. Ao se determinar o número de respostas corretas de cada teste, as respostas dadas como exemplo deverão ser computadas.
- 9. A nota dos testes nº 1, 2, 3 e 4 é a correspondente ao número de respostas certas.

A nota dos testes nº 5, 6, 7, 11 e 12 é encontrada, multiplicando-se o número de respostas corretas por $1\frac{1}{2}$.

A nota dos testes nº 8, 9 e 10 é encontrada, multiplicando-se o número de respostas corretas por 2.

10. Os pontos mais altos são os seguintes:-

TESTE	NOTA
1	10
2	8
3	12
4	8
5	$13\frac{1}{2}$
6,	$13\frac{1}{2}$ $13\frac{1}{2}$
7	15
8	24
9.	. 28
10	20
11	24
12	23
TOTAL	209

- ll. Depois de atribuído um ponto para cada teste, poderá ó mesmo ser transferido para o compartimento a êle reservado na la página. Somando êsses pontos, obter-se-á a nota geral do teste. A fim de se evitarem erros convém:
 - a) assinalar com lápis de côr diferente as respostas erradas ou incompletas;
 - b) verificar os pontos bem

 como a transferência e

 a soma dos mesmos.

TRADUZIDO DE UMA TRADUÇÃO INGLÊSA DO HOLANDES INSTITUTO PEDAGOGICO DA UNIVERSIDADE ESTADUAL DE UTRECHT

TESTE DE ALGEBRA

por

Dr. L.N.H. Bunt

Trabalho nº 48655

às lições e testes seguintes.

Não abra êste folheto enquanto para isto não	receber or	dem.
Preencha os claros abaixo com letra bem legío	rel:	
Data:		
Nome de batismo Sobrenome		
Menino ou menina		
IdadeData de nasci	mento	
Nome e enderêço da escola em que estudou		
Já fez alguma vez prova de álgebra?		
Em caso afirmativo, em que data?		• • • • • • • •
O folheto que você tem à sua frente contém	Teste	Pontos
uma série de lições de álgebra. Cada li-	1	
ção é seguida de uma série de perguntas, a		
que chamamos teste, destinadas a verificar	2	
se você compreendeu bem a lição. Você deve	3	
rá ler cuidadosamente cada lição para a		
qual lhe será concedido um determinado pra	4	
zo. Depois de cada lição você poderá fa-	5	
zer o teste correspondente à mesma. O que		
você aprendeu em uma lição deverá aplicar	6	

Estude cada lição o melhor que puder e procure compreender seu significado, Não deixe desviar sua atenção, conserve-se atento ao trabalho a fim de não perder tempo.

Você não deverá usar papel para rascunho. Em todos os testes poderá utilizar-se das margens superior e inferior da página para fazer suas contas, se assim o desejar.

Se você acabar uma lição ou teste antes do prazo marcado, releia-a novamente e se certifique
de que a compreendeu bem ou de que não cometeu
qualquer engano em suas respostas. Não comece
a lição ou teste seguinte antes de receber ordem para tal.

Não faça perguntas depois de iniciado o teste.

Não vire ainda esta página.

Teste	Pontos
7	
8	
9	
10	
11	
1.2	
Total	

la. Lição

Instruções. Estude cuidadosamente esta lição.

Na álgebra frequentemente usamos letras em lugar de números.

- 1) Um retângulo tem a centímetros de comprimento e b centímemetros de largura. Portanto, sua área é a x b centímetros quadrados. Na álgebra, entretanto, escrevemos isto de maneira diferente: o sinal de multiplicação é omitido, de forma que escreveremos: ab centímetros quadrados. Se a letra a tiver o valor de 7 e b o valor de 3, então a área terá 7 x 3 centímetros quadrados = 21 centímetros quadrados.
- 2) pq é igual a p x q. Se p = 4 e q = 5, então pq é o mesmo que 4x5 = 20.
- 3) 2b em álgebra também é igual a 2xb. Se b = 5, então 2b é o mesmo que 2x5 = 10.
- 4) 4cd é igual a 4xcxd.

 Se c = 3 e d= $\frac{1}{2}$, então 4cd = 4 x 3 x $\frac{1}{2}$ = 6.

 Você estudou cuidadosamente esta lição?

 Compreendeu bem o que é igual a 2b se b = 5?

 E como se encontra o resultado 4cd se c = 3 e d = $\frac{1}{2}$?

 (Você não deve escrever as respostas a estas perguntas).

TESTE Nº 1

Instruções. Resolva os seguintes problemas e escreva as respostas no lado direito da página, nas linhas pontilhadas adiante de cada questão. Você pode consultar a la. lição se assim o desejar. Sempre dê a resposta final. (Damos como exemplo as respostas de algumas questões).

										Re	spostas	3
1) S	Se c	=	3, 0	que	vem a	ser 4	e?		(1)	4 x 3	= 12	
2) S	se b	=	8, 0	que	vem a	ser 5	b?		(2)			
3) S	se a	=	$\frac{1}{2}$,	o qu	e vem	a ser	18a?		(3)		• • • • • •	
4) S	se m	=	5 e r	1 = 7	, o qu	le vem	a ser mn?		(4)			• • •
5) S	se d	=	12 e	C =	$\frac{1}{3}$, \circ	que v	em a ser d	le?	(5)			• • •
6) S	se k	=	15 e	1 =	2/3,0	que a	ser kl?		(6)		• • • • •	
7) S	se s	=	3 e -	t = 4	, o qu	ae vem	a ser 5st	?	(7)			• • •
8) S	se a	=	3 6	e b =	1/3,	o que	vem a ser	· 20ab?	(8)			• • •
9) S	se d	=	3, e	= 2	e f =	5, 0	que vem a	ser def	?(9)			• • •
10)	Se p) =	= 4,	1 = 6	er=	$=\frac{1}{2}$,	o que vem	a ser pqr?	(10)			• • •
							Respostas	certas.		(Pon	tos, tes	ste 1)

2a. LIÇÃO

Instruções. Estude cuidadosamente esta lição.

- 1) Em vez de 5 x 5 escrevemos 5².
- 2) Em vez de 4 x 4 x 4 escrevemos 4³
- 3)" " a x a " a²
- 4) " " d x d x d x d x d escrevemos d⁵
- 5) " " bxcxc " be 2
- 6) " " 5xpxpxt " $5p^2t$
- 7) " " $4 \times m \times m \times n \times n \times n \times s$ escrevemos $4m^2n^3s$.

Note que nenhum sinal de multiplicação aparece nas respos-

tas.

Você estudou cuidadosamente esta lição?

Compreendeu bem o que escrevemos em lugar de 5 x p x p x t?

E o que escrevemos em lugar de 4 x m x m x n x n x n x s?

TESTE Nº 2

Instruções. Escreva as respostas a estas questões nas linhas - pontilhadas. Se achar necessário pode consultar a 2a. lição. (A resposta à questão <u>l</u> foi preenchida como exemplo.)

O que escrevemos em vez de:	Respostas
1) 9 x 9	$(1) 9^2$
2) 6 x 6 x 6	(2)
3) p x p	(3)
4) t x t x t x t	(4)
5) 2 x a x a x a	(5)
6) 7 x b x b x b x c	(6)
7) 1/3 x c x c x c x d x d	(7)
8) 4 x p x s x s x t x t	(8)

Respostas certas..... (Pontos, teste nº 2.)

За. ЦІУЙО

Instruções. Estude cuidadosamente esta lição.

- 1) 5² é igual a 5 x 5 e é portanto o mesmo que 25.
- 2) 7² " " " 7 x 7 " " " " " 49
- 3) a^2 " " a x a

 Se a = 4, então a^2 éigual a 4^2 ou 4 x 4 que é o mesmo que

 16.
- 4) p^2 é igual a p x p Se p = 6, então p^2 é igual a 6^2 ou 6 x 6 que o mesmo que 36
- 5) 2^3 é igual a 2 x 2 x 2 sendo, portanto, o mesmo que 8
- 6) t^3 é igual a $t \times t \times t$. Se t = 3, então t^3 é igual a $3 \times 3 \times 3$ que é o mesmo que 27
- 7) y^4 é igual a y x y x y x y . Se $y = \frac{1}{2}$, então y^4 é igual a $\frac{1}{2}$ x $\frac{1}{2}$ x $\frac{1}{2}$ x $\frac{1}{2}$, que é o mesmo que 1/16.
- 8) z^5 é igual a z x z x z x z x z x z . Se z = 1, então z^5 é igual l x l x l x l x l que é o mesmo que 1.

Você estudou cuidadosamente esta lição? Compreendeu bem como encontrar o resultado de t^3 se t=3? E como encontrar o resultado de y^4 se $y=\frac{1}{2}$?

TESTE Nº 3

Instruções. Escreva as respostas a estas questões nas linhas pontilhadas. Pode consultar a 3a. lição se assim o desejar. (Como exemplo, foram preenchidas as respostas a algumas questões.)

										Res	pos	ta	S	
1)	42	é	igual	a	que?			(1)	4 x	4 =	16			
2)	23	11	11	,11	11			(2)				• •	000	
3)	d^2	11	11	11	11			(3)			0 0 6			
4)	e ⁵	11	11	11	11			(4)						

Cont.

Dos números 5 a 12 inclusive, dê as <u>respostas finais</u> (como nos exemplos 5 e 8).

Respostas

5)	Se	f	100000 800000	8	0	que	vem	a	ser	f ² ?	(5) 8 x 8 = 64
6)	Se	g	-	5	11	11	11	11	11	g ² ?	(6)
7)	Se	£		5	11	11	11	11	11		(7)
8)	Se	k	=	2	11	11	11	11	11	k ⁴ ?	(8)
9)	Se	m	=	1	<u>L</u>	11	ti	it	11	m^2 ?	(9)
10) S	e 1	1 =	= -	1 3	11	11	11	11	n^3 ?	(10)
11) S	e]	Q =	=]	L	11	11	11	11	p ⁶ ?	(11)
										E	(12)

Respostas certas.....(Pontos, teste nº 3)

4a. LIÇÃO

Instrução . Estude cuidadosamente esta lição.

- 1) $3c^2$ é igual a 3 x c x c. Se c = 5, então $3c^2$ (ou 3 x c x c) é igual a 3 x 5 x 5, que é igual a 75.
- 2) Se d = 3, então $2d^3$ (ou 2 x d x d x d) é igual a 2x3x3x3, que é igual a 54.
- 3) ab^2 é igual a a x b x b. Se a = 7 e b = 3, então ab^2 (ou a x b x b) é igual a 7 x 3 x 3, que é igual a 63.
- 4) Se a = 2, b = 3 e c = 4, então abc é igual a 2 x 3 x 4, que é igual a 24.
- 5) Se p = 2 e q = 3, então $2p^3q^2$ é igual a 2 x 2 x 2 x 2 x 3 x x 3, que é igual a 144.

Você estudou esta lição cuidadosamente?

Compreendeu bem como se acha $3c^2$ se c = 5?

E como encontrar $2p^3q^2$ se p = 2 e q = 3?

TESTE Nº 4

Instruções. Escreva as respostas às seguintes questões nas linhas pontilhadas. Pode consultar a 4a. lição se assim o de sejar. Dê sempre as respostas finais. (Como exemplo foi dada a resposta à questão 1).

																Respostas
l)	Se	а	=	4	0	que	vem	а	ser	5a ²	?				(1)	5x4x4 = 80
2)	Se	ъ	==	5	11	11	11	11	11	4b ²	?				(2)	• • • • • • • • • • • •
3)	Se	С	=	3	11	11	11	11	11	4c3	?				(3)	
4)	Se	d	=	1	11	17	11	17	n	8d ⁴	?				(4)	• • • • • • • • • • •
5)	Se	е	-	3	е	f =	4 0	qu	ie ve	em a	sei	r 2e ²	f ?		(5)	• • • • • • • • • • •
6)	Se	k	=	2,	I) = 2	e n	1 =	= 5 0	que	e ve	em a	ser	5kpm?	(6)	• • • • • • • • • • •

Cont.

																				Res	pos	tas	3
7)	Se p	= !	5,	q	**************************************	2	е	r	unicada. minapa	4	0	que	vem	a	sei	c							
	pq ² r	?															(7)		• • •				,
8)	Se p :		l,	q	inee-	2	е	r	to-man	3	0	que	vem	a	ser	?							
	5p ³ q ² :	r'	?														(8)		• • •	• • •	• • •	• • •) (
				27%																			
				H	es	pc	120	las	C	er	TE	ls			• • (Ponto	os,	te	ste	no	4)		

5a. LIÇÃO

Instrução. Estude cuidadosamente esta lição.

- 1) Se a = 8 e b = 12, então a+b é igual a 8+12 o que vem a ser 20.
- 2) Se c = 10 e d = 6, então c-d é igual a 10-6 o que vem a ser 4.
- 3) Se \cdot e = 5 e f = 3, então 2e-f é igual a (2x5)-3, o que vem a ser 10-3, ou 7.
- 4) Se g = 12 e h = 2, então $g-h^3$ é igual a 12-(2x2x2), o que vem a ser 12-8, ou 4.
- 5) Se k = 6 e p = 5, então $2k+3p^2$ é igual a $(2 \times 6)+(3 \times 5 \times 5)$, o que vem a ser 12+75, ou 87.
- 6) Se a = 2, b = 3 e c = 4, então a^3+b^2-3c é igual a (2x2x2)+(3x3)-(3x4), o que vem a ser 8+9-12, ou 5.

Você estudou esta lição cuidadosamente?

Compreended bem como achar $2k+3p^2$ se k=6 e p=5? E como encontrar $g-h^3$ se g=12 e h=2?

TESTE Nº 5

Instruçães. Escreva as respostas às seguintes questões nas linhas pontilhadas. Pode consultar a 5a. lição se assim o de sejar. Dê sempre as respostas finais (Damos como exem plo a resposta à questão 1).

		Pre	est	te	a	ter	ıçã	10	aos	5 5	sinai	is de	3 -	-е.	-	Re	spostas
	l)	Se	p		4	е	q		5	0	que	vem	a	ser	p+3q?	(1)	19
	2)	Se	р	=	3	е	q		4	11	11	11	11	11	6p-2q?	(2)	
	3)	Se	a	***	3	е	ъ		5	tī	tt	tŧ	Ħ	11	$a^{2}+b^{2}$?	(3)	
	4)	Se	С	==	10) 6	e ć	l =	= 1	11	11	tt	11	11	$e^2 - 5d^2$?	(4)	
	5)	Se	е	- projection	5	е	f	*****	4	11	11	11	11	11	$4c^2 - 3f^2$?	(5)	
	6)	Se	р	=	6	е	s		5	11	11	11	11	11	ps+3s ?	(6)	
,																	Cont.

		Respostas
	Se p = 5 e q = 2 o que vem a ser p	
8)	Se s = 4 e t = 2 " " " " " s	s ² +3st? (8)
9)	Se $a = 1$, $b = 2$ e $c = 3$, o que vem	a ser
	$2a^4 + bc^2 + c^3$?	(9)
	Respostas certas x l $\frac{1}{2}$ =	(Pontos, teste nº5)

6a. LIUAO

Instrução. Estude cuidadosamente esta lição.

- 1) a x bc é igual a a x b x c e escreve-se: abc.
- 2) d² x ef é igual a d x d x e x f e escreve-se: d²ef.
- 3) kmn é igual a k x m x m e escreve-se: km².
- 4) b x a é igual a a x b e escreve-se: ab.
- 5) b² x ac é igual a b x b x a x c, sendo portanto, o mesmo que a x b x b x c, e escreve-se: ab²c.
- 6) $pq \times pr^2$ é igual a $p \times q \times p \times r \times r$, sendo, portanto, o mesmo que $p \times p \times q \times r \times r$, e escreve-se: p^2qr^2 .
- 7) $cd^3 \times c^2 d$ é igual a c x d x d x d x c x c x d e escreve-se: $c^3 d^4$.
- 8) $q^2r^2x pr^3$ é igual a q x q x r x r x p x r x r x r e escreve-se: pq^2r^5 .

Note bem que nas respostas nunca usamos sinais de multiplicação.
Você estudou cuidadosamente esta lição?

Compreendeu bem o que vem a ser b^2 x ac? E também como se escreve?

Compreendeu bem o que vem a ser cd³ x c²d? E também como se escreve?

TESTE № 6

<u>Instruções</u>. Escreva as respostas às seguintes questões nas linhas pontilhadas. Pode consultar a 6a. lição se assim o de sejar. (Damos como exemplo a resposta da questão 1).

						Respostas
1)	ps	X	st ²	escreve-se:	Ď.	1) ps^2t^2
2)	ab	X	b ² c	escreve-se:	(2)

Você não respondeu abb²c, não? Se o fez então é melhor ler outra vez a 6a. lição.

Cont.

		*		Respostas
3)	py ³ x yz ² escre	re-se:	(3)	
4)	cd x ce	ti .	(4)	
5)	a ² b x ab	n	(5)	
6)	ab x ac ⁴	11	(6)	
7)	e^2 d x cde	11	(7)	
8)	$ab^2c^2 \times a^2bc^3$	u	(8)	
9)	$p^2q x pqr x p^2r^2$	11	(9)	
	Resposta	s certas x l -	1 =(1	Pontos, teste 6)

7a. LIÇÃO

Instruções. Estude cuidadosamente esta lição.

- 1) a x 2 é igual a 2 x a, e escreve-se: 2a.
- 2) b x 3c é igual a b x 3 x c e é o mesmo que 3 x b x c; escre-ve-se:3bc.
- 3) e x 4df é igual a e x 4 x d x f e é o mesmo que 4 x d x e x f; escreve-se: 4def.
- 4) 2k x 8 é igual a 2 x k x 8 e é o mesmo que 2 x 8 x k; escreve-se: 16k.
- 5) $\frac{1}{2}$ b x 4a é igual a $\frac{1}{2}$ x b x 4 x a e é o mesmo que $\frac{1}{2}$ x 4 x x a x b;

escreve-se: 2ab.

- 6) $3p \times 5q^2$ é igual a $3 \times p \times 5 \times q^2$ e escreve-se: $15pq^2$.
- 7) $4a^2b \times 2ab^3$ escreve-se: $8a^3b^4$.

Você estudou cuidadosamente esta lição?

Compreendeu bem como se escreve e x 4df?

E como se escreve $4a^2b \times 2ab^3$?

TESTE Nº 7

Instruções. Escreva as respostas às questões seguintes nas linhas pontilhadas. Pode consultar a 7a. lição se assim o de sejar. (Damos como exemplo a resposta da questão 1).

			Respostas
7) 5p ²	q x 7pr	escreve-se:	(7)
	$\cdot s^4 t^2 \times 6st^3$	tt	(8)
9) 1	$-a \times \frac{2}{3}b \times 12c$	n	(9)
	Respostas	certar x 1 $\frac{1}{2}$ =	(Pontos, teste nº7)

8a. LIUAO

Instrução . Estude cuidadosamente esta lição.

- 3(5 + 7) é igual a 3x(5 + 7) ou 3 x 12, o que vem a ser 36.
 3 x 5 + 3 x 7 é igual a 15 + 21 que também é igual a 36.
 Portanto, 3(5 + 7) é igual a 3 x 5 + 3 x 7.
- 2) a(b+c) é igual a a x b + a x c. Escreve-se porém sem os sinais de multiplicação: ab + ac.
- 3) 2p(4s + 7t) escrito sem os colchetes é igual a 2 2p x 4s + 2p x 7t, que ven a ser 8ps + 14pt.
- 4) 10(7-3) é igual a $10 \times (7-3)$ ou 10×4 que é igual a 40. $10 \times 7 - 10 \times 3$ é igual a 70 - 30, que também é igual a 40. Portanto, 10(7-3) é igual a $10 \times 7 - 10 \times 3$.
- 5) r(2s 5t) é igual a r x 2s r x 5t. Escreve-se porém 2rs - 5rt (sem sinais de multiplicação na resposta).
- 6) $2ab^2(a-3b^3)$ escrito sem colchetes é igual a $2ab^2 \times a-2ab^2 \times 3b^3$, que também se escreve $2a^2b^2-6ab^5$.

 Você estudou cuidadosamente esta lição?

 Compreendeu bem como se escreve 2p(4s+7t) sem colchetes?

 Compreende, portanto, que não só 4s mas também 7t tem que ser multiplicado por 2p?

TESTE Nº 8

Instruções. Escreva as respostas às questões nas linhas pontilha das. Pode consultar a 8a. lição se assim o desejar. (Damos como exemplo as respostas de duas questões).

Respostas

Escreva	sem	os	col	che	tes	3 :

1) a(2b + c)

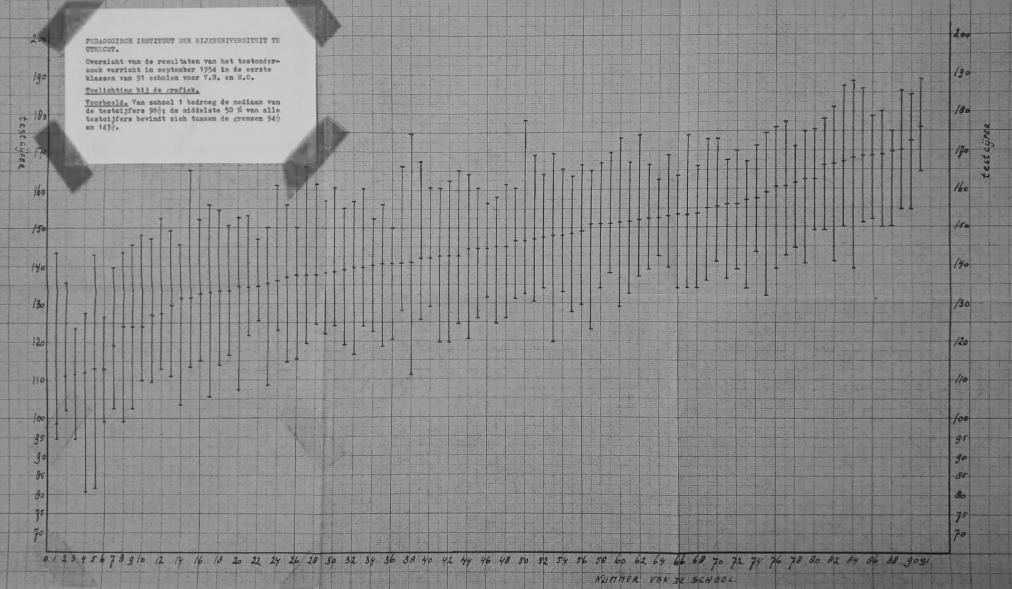
(1) 2ab + ac

2) d(e - 3f)

(2)

Cont.

			Respostas
3)	2k(m + km)	(3)	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
4)	3p(s - 5pt)	(4)	• • • • • • • • • • • • • • •
5)	4ab (a - 3b)	(5)	$4a^2b - 12ab^2$
	Estude bem as respostas das questões 1)	e 5)	e certifique-se
	de que as compreendeu bem. Em seguida r	espon	da às seguintes
	questões.		
6)	$7p^2 (3p - 6q^2)$	(6)	
7)	$2ab^{2}(5a^{2}b + 8ab^{2})$	(7)	• • • • • • • • • • • • • • • •
8)	$5xyz (4x^2y - 2y^2x)$	(8)	
9)	6mp (4m - 1)	(9)	• • • • • • • • • • • • • • •
10)	$a^4 (3a + 5)$	(10)	
11)	$b^2 (b + 3c + bc)$	(11)	• • • • • • • • • • • • • •
12)	xy (2x - y + z)	(12)	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	Respostas certas x 2 =	. (Pc	ntos, teste nº 8)



9a. LIVAO

Instruções. Estude cuidadosamente esta lição.

- 1) Se um sêlo custa 6 centavos, 9 sêlos custarão 9 x 6, ou 54 centavos.
 - Se um sêlo custa a centavos, 9 sêlos custarão 9 x a centavos; mas a maneira de escrever é diferente, isto é: 9a centavos. (Não escrevemos 9 x a centavos ou a x 9 centavos ou a centavos x 9 ou a9 centavos).
- 2) Se alguém esteve doente durante b semanas, esteve doente durante b x 7 dias, que escreveremos da seguinte maneira:

 7b dias. (Não escrevemos 7 x b dias ou b x 7 dias ou 7 dias x x b, ou b7 dias).
- 3) Se 10 lápis custam ao todo 80 centavos, qual será o preço de um lápis?

Teremos que dividir por 10, portanto a resposta será:

$$\frac{80}{10} = 8$$
 centavos.

Se 10 lápis custam ao todo n centavos, qual será o preço de um lápis?

Novamente, teremos que dividir por 10, portanto a resposta se rá: $\frac{n}{10}$ centavos.

4) Se x cadernos de exercício custam ao todo 60 centavos, qual será o preço de um caderno?

Teremos que dividir por x, portanto a resposta será:

$$\frac{60}{x}$$
 centavos.

Se x cadernos custam ao todo y centavos, qual será o preço de um caderno?

Novamente teremos que dividir por x, portanto a resposta será $\frac{y}{x}$ centavos.

Você estudou cuidadosamente esta lição? Compreendeu bem como devemos escrever b x 7 dias? E como encontrou o preço de um caderno?

TESTE № 9

Instruções. Escreva a resposta às questões seguintes nas linhas pontilhadas. Poderá consultar a 9a. lição se assim o desejar. (Damos como exemplo as respostas de duas questões).

Respostas 1) Uma carta pesa y gramas. Qual é o (1) 5y pêso de 5 cartas? 2) Por 4 cadernos pago a centavos. Qual (2) <u>a</u> o preço, em centavos, de um caderno? 3) Meu irmão tem c anos de idade. Meu pai é 3 vêzes mais velho que o meu irmão. Quantos anos tem meu pai? 4) Quantos dados há em m dúzias de da-(4) dos? 5) Meu avô é 6 vêzes mais velho do que eu. Ele tem d anos. Quantos anos te (5) nho eu? 6) Uma mesa tem n decimetros de compri (6) mentos Quantos centimetros tem? 7) Uma pena custa k centavos. Quanto (7) custam 6 penas? 8) Um trem viaja 60 quilômetros por hora. Quanto tempo levará para co-(8) brir uma distância de a quilômetros? cont.

9) 1	Jm ciclista corre 15 quilômetros por	
]	nora. Um automóvel corre a vêzes mais.	
(Quantos quilômetros percorre o automó-	
,	vel em uma hora?	(9)
10)	Se 8 cavalos custam p cruzeiros, quanto	
	custa um cavalo?	(10)
11)	O comprimento de um jardim é 3 vêzes	
	maior do que a sua largura. A largura	
	é de p metros. Qual o seu comprimento	
	em metros?	(11)
12)	Por c metros de fita tenho que pagar	
	y centavos. Quanto custa um metro?	(12)
13)	Uma garrafa de leite custa k centavos.	
	Qual o prêço de d garrafas de leite?	(13)
14)	Um homem ganha x cruzeiros em y semanas.	
	Quanto ganha em uma semana?	(14)

Respostas certas x 2 =(Pontos, teste nº 9)

loa. LIUAO

Instruções. Estude cuidadosamente esta lição.

- 1) Se um carro leva b horas para fazer a primeira parte de uma viagem e c horas para a segunda parte, êle fará a viagem inteira em b + c horas (Não escrevemos: b horas + c horas).
- 2) Se a maior de duas quantias de dinheiro é acruzeiros e a outra é 2.000 menos, então a quantia menor é: a 2.000 cruzeiros.

 (Não excrevemos: acruzeiros 2.000 cruzeiros).
- 3) Um homem compra 2 casacos e 3 chapéus. Se um casaco custa m cruzeirose um chapéu n cruzeiros, êle terá que pagar 2m cruzeiros pelos casacos e 3n cruzeiros pelos chapéus. Portanto, por tudo pagará 2m+3n cruzeiros.
- 4) Um homem compra x envelopes por 3 centavos e y sêlos por 3 centavos. Quantos terá que pagar?

A resposta é: 3x + 3y centavos.

Nas respostas são se escrevem os sinais de multiplicação.
Você estudou cuidadosamente esta lição?

Prestou bem atenção na maneira de escrever as respostas?

TESTE Nº 10

Instruções. Escreva as respostas às questões seguintes nas linhas pontilhadas. Poderá consultar a 10a. lição se assim o desejar.

		nespos tas
1)	Um menino tem a anos. Sua irmão tem 5 anos	
	mais. Quantos anos tem ela?	(1)
2)	Um caderno de exercícios custa 30 centavos.	
	Um lápis é b centavos mais barato. Quanto	
	custa o lápis?	(2)
		Cont.

3)	O custo é conzeiros O lucro é d cruzeiros	5
	Qual é o preço de venda?	(3)
4)	Uma carta pesa 5 gramas e um cartão pos-	
	tal pesa t gramas. Qual o pêso total de	
	5 cartas e 10 cartões postais?	(4)
5)	Um homem compra 5 charutos por a centa	
	vos cada um e 10 charutos a b centavos	
	cada um. Quanto terá de pagar?	(5)
6)	Um caderno de exercícios tem 40 páginas	
	e um livro tem 10 páginas. Quantas pági-	
	nas haverá em x cadernos e y livros?	(6)
7)	Um trem é composto de uma máquina e 8 car	
	ros. A máquina tem k metros de comprimen	
	to e cada um dos carros tem s metros.	
	Qual o comprimento total do trem?	(7)
8)	O comprimento de um jardim é k metros e	
	a sua largura é t metros. Qual é a dis-	
	tância total em volta do jardim?	(8)
9)	Quanto precisarei pagar por a sêlos a.	
	5 centavos, b a 6 centavos e c a 10 cen-	
	tavos?	(9)
10)	Um caderno de exercícios custa a centa-	
	vos. Um livro custa dez vêzes mais. Quan	
	to custam ao todo?	(10)
	Respostas certas x 2=(Po	ontos, teste nº 10).

lla LICAO

Instruções. Estude cuidadosamente esta lição.

- 1) 5+8 é a soma de 5 e 8 (ou de 8 e 5).
- 2) 20-7 é a <u>diferença</u> entre 20 e 7 (<u>não</u> entre 7 e 20; note bem a ordem).
- 3) 3x10 é o produto de 3 e 10 (ou de 10 e 3).
- 4) a2b é a soma dos números a e b.
- 5) 3(c-d) é 3 vêzes a diferença entre os números c e d.
- 6) 4ef é 4 vêzes o produto dos números e e f.
- 7) p é o resultado da divisão do número p pelo número q.
- 8) 2c-d é duas vêzes o número c, menos o número d.
- 9) a(b-c) é o número a multiplicado pela diferença entre os números b e c.
- 10) <u>r-s</u> é a diferença entre os números r e s dividida por duas vêzes o número %.
- 11) k+mn é a soma do número k produto dos números m e n.

Lembre-se sempre que em álgebra não se usa o sinal de multiplicação.

Você estudou cuidadosamente esta lição?

Compreendeu bem qual é a soma de k + mn?

E de que maneira se escreve a diferença entre os números r e s divididos por duas vêzes o número t?

TESTE Nº 11

Instruções. Escreva as respostas às questões seguintes nas linhas pontilhadas. Pode consultar a lla. lição se assim o deseljar.

Cont.

Esc:	ceva:	Respostas
1) (produto dos números m e p.	(1)
2) 1	A soma dos números a, b e c.	(2)
3) (resultado da divisão do número k pelo	
1	número n.	(3)
4)	A diferença entre o número a e duas vê-	
2	zes o número b.	(4)
5)	A soma de 5 vêzes o número s e 6 vêzes	
(número t.	(5)
6) (resultado da divisão de 3 vêzes o nú-	
n	nero m por 8 vêzes o número n.	(6)
7) (número d menos o produto dos números	
5	e e f.	(7)
8) () número a multiplicado pela soma dos	
r	números b e c.	(8)
9) () número s dividido por duas vêzes o nú	
n	nero t.	(9)
10)	A soma dos números a e b mais o produ-	
	to dos números e e d.	(10)
11)	O produto dos números e e f menos o re	
	sultado da divisão do número k pelo nú	
	mero m.	(11)
12)	Cinco vêzes o produto dos números a, b	
	e c mais duas vêzes a soma dos números	
	$d e \underline{e}$.	(12)
13)	Quatro vêzes a diferença entre os núme	
	ros s e t dividido pela soma dos núme-	
	ros m e n.	(13)
		Cont.

120	077	00	tas
TIC	DN	UN	UCLL

Respostas certas x $1\frac{1}{2} = \dots$ (Pontos, teste nº 11)

TESTE nº 12

Instruções. Não ha lição preparatória dêste teste. As questões que você terá que responder são do mesmo tipo das que foram dadas nas lições e nos testes que você já aprendeu. Pode consultar as lições anteriores se assim o desejar. Escreva as respostas nas linhas pontilhadas.

Escreva as respostas finais		Respostas
1)0 que se escreve em lugar de		
5 x k x k x m x m x m?		(1)
2) O que quer dizer y4 ?		(2)
3) Se $a = 2$ e $b = 4$, o que vem a ser 3ab?		(3)
4) Se $c = 5$ e $d = 3$, o que vem a ser cd^2 ?		(4)
5) Se $p = 4$, $q = 5$ e $r = 3$, o que vem a		
ser lpqr?		(5)
6) Se uma xicara custa k centavos, qual		
será o preço de doze xícaras?		(6)
7) Quantos centavos há em m moedas de 25		
centavos?		(7)
8) Escreva a diferença entre 4 vêzes o nú		
mero s e 9 vêzes o número t.		(8)
9) Se a pedras pesam juntas b quilos qual		
o pêso de uma pedra?		(9)
10) Se c = 2 e d = $\frac{1}{2}$ o que vem a ser		
$2e^3 + 3ed$?	si.	(10)
ll) Escreva tão resumido quanto possível		
$kp^2 \times k^3p$.		(11)
12) Escreva tão resumido quamto possível		
$ac^2 \times 3bc^2$.		(12)
		Cont.

		Respostas
13)	Escreva sem colchetes: 3st(2s2 - st2).	(13)
14)	João e Pedro têm, cada um, o mesmo nú-	
	mero de bolas de gude. Juntos têm n bo	
	las de gude. Quantas bolas tem cada um	
	dêles?	(14)
15)	Um homem paga com acruzeiros e recebe	
	4 moedas de 2 centavos de trôco. Quan-	
	to paga em centavos?	(15)
16)	Há, na classe, k alunos. Cada carteira	
	tem 2 alunos. Quantas carteiras há na	
	classe?	(16)
17)	Escreva o número x menos a soma dos nú	
	meros y e z.	(17)
18)	O custo total de l passagem sentado e	
	3 em pé em um bonde é a centavos. Uma	
	passagem em pé custa b centavos. Quan-	*
	to custa uma sentado?	(18)
19)	Uma classe tem c meninas e d meninos .	
	Cada menina tem m e cada menino tem n	
	cadernos de exercício. Quantos cader	
	nos têm todos juntos?	(19)
20)	Um homem ganha k cruzeiros por semana.	
	Quantos cruzeiros ganham juntos p homens	
	em t semanas?	(20)
21)	O comprimento de uma telha é 3a centí-	
	metros e a largura é 4b centímetros.	
	Qual a sua área em centímetros quadra-	*
	dos?	(21)
		Cont.

*

	Re	SP	OS	tas
--	----	----	----	-----

Respostas certas x $1-\frac{1}{2}$ (Pontos, teste nº 12)

DIREITOS RESERVADOS

Traduzido de uma tradução inglêsa do holandês Trabalho n° 48655.

Instituto Pedagógico da Universidade Estadual
de Utrecht

Chave para verificação do Teste de Algebra por:

Dr.L.N.H. Bunt

Instruções gerais.

- 1. O folhêto e a chave do teste podem ser colocados um ao lado do outro de maneira a que as questões e respectivas respos tas figuem no mesmo nível.
- 2. Pode-se confiar na exatidão das respostas contidas na chave. Por conseguinte, só as respostas constantes da classe de verão ser consideradas corretas.
- 3. Ao se determinar o número de respostas corretas de cada teste, devem-se computar as respostas dadas como exemplo.
- 4. As respostas finais que incluam sinal de multiplicação deverão ser consideradas erradas. Excetuam-se as respostas às questões 1,2,3 e 4 do teste nº 3 e à questão 2 do teste nº 12.
- 5. As respostas que divergirem das que constam da chave apenas por inversão de têrmos, fatôres, letras ou potências, de verão ser consideradas corretas. O fator numérico, entretanto, deve sempre vir em primeiro lugar.
- 6. As respostas fracionárias, se não forem simplificadas ao máximo, deverão ser consideradas erradas.
- 7. Os colchetes desnecessários, mas que não estiverem mal colocados, deverão ser considerados corretos.

erdungle (- yylan-ye	Teste 1	Т	este 2	and an area and area and area and area	Teste 3		Teste 4
1)	12	1)	92	1)	16	1)	0\$
2)	40	2)	63	2)	2x2x2 ou 8	2)	100
3)	9	3)	p ²	3)	$d \times d$	3)	108
4)	35	4)	t4	4)	exexexexe	4)	8
.5)	4	5)	$2a^3$			5)	72
6)	10	6)	7b ³ c			6)	100
7)	60	7)	$\frac{1}{3}c^3d^2$ $4ps^2t^2$	5)	64		
8)	5	8)	4ps2t2	6)	25	7)	80
9)	30			7)	125	8)	60
1	2.0			8)	16		
10)	12			9)	1		
				10)	1 16 1 27		
				11)			
				12)	$\frac{1}{32}$	-	

	Teste 5	Te	este 6		Teste 7	Teste 8	
tangativa a	ur tean-uitmannuydd Mala Malan t till usyd organiau y ab rhau am o'r o'r o'r og fiffigilli monnig		designe erlichestringde au types vog erstragtfannse hav erstverandi vige erstra	Pilhadi Gu 60g) Dicin	оми и национальной проточной проточн		порадовання по под при
1)	19	1)	ps ² t ²	1)	18b	1)	2ab+ac
2)	10	2)	ab ³ c	2)	12p ²	2)	de-3df
3)	34			3)	20ab	3)	$2km+2k^2m$
4)	95			4)	$2d^2e$	4)	3ps-15p ² t
5)	52	3)	py 4z2	5)	30kmn	5)	4a ² b-12ab ²
6)	45	4)	$c^2 de$	6)	10ab ⁵ c		
7)	44	5)	a^3b^2	7)	35p ³ qr	6)	21p3-42p2q2
3)	40	6)	a ² bc ⁴	8)	4s5t5	7)	$10a^3b^3+16a^2b^4$
9)	47	7)	c^3d^2e	9)	4abc	8);	$20x^3y^2z-10xy^3z^2$
		8)	$a^3b^3c^5$			9)	24m ² p-6mp
		9)	p5q2r3			10)	3a5+5a4
		de-ciple and and a				11)	$b^3+3b^2c+b^3c$
						12)	$2x^2y-xy^2+xyz$
MANAGE PAR	n dings sign a sundangs glass, in distribution by the sun-participal distribution and sign of the sundangs of		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		nagin naja yakhilagi mazarma aya amuya ta madilimiya ga maa da ayya sibadi ka ayah kila		

menen-magnenisma	Teste	9.1)2)	Teste 10.1)3)				
1)		5y	1)	a+5 (anos)			
2)		<u>a</u>	2)	30-b (centavos)			
3)		3c(anos)	3)	c+d (florins)			
4)		12m	4)	5s+10t (gramas)			
5)		d (anos)	5)	5a+10b (centavos)			
6)		1.0n					
7)		6k (centavos)	6)	40x+130y			
8)		<u>a</u> 60	7)	k+8s ou lk+8s (metros)			
0)			8)	2k+2t ou 2(k+t) (metros)			
9)		15a	9)	5a+6b+10c (centavos)			
10)		p (florins)	10)	a+pa (centavos)			
11)		3p					
12)		c (centavos)					
13)		dk (centavos)	Company of the second s				
14)		$\frac{x}{y}$ (florins)	endendifferendeligier enden ende				

^{1.} a) Nos testes nº 9,10 e 12 não há necessidade de se mencionarem as unidades. No caso das mesmas serem errôneamente indicadas, deverão ser consideradas corretas.

b) Nos testes 9,10 e 12 respostas tais como 3xc(dias), cx3 (dias), c dias x 3 ou c3(dias) deverão ser consideradas er radas.

^{2. -} Nos testes 9 e 11 a divisão também poderá ser considerada pelo sinal: ÷

^{3. -} Se o último de dois colchetes for esquecido, a resposta não deverá ser considerada errada por esse motivo.

Teste 12.1)3)4)		Teste 11.2)3)4)	
5k ² m ³	1)	mp	1)
yxyxyxy 24	2)	a+b+c	2)
9xyxyxy 24 45 30	2) 3) 4) 5)	k n	3)
12k(centavos)	6) 7)	a-2b	4)
25m	7)	5s+6t	5)
4s-9t	8)	3m 8n	6)
$\frac{b}{a}$ ou b:a (quilos)	9)	1	
19	10)	d-ef	7)
k ⁴ p ³	11)	a(b+c)	8)
3abc4	12)	<u>s</u> 2t	9)
6s ³ t-3s ² t ³	13)	a+b+cd	10)
$\frac{n}{2}$ ou n:2 ou $\frac{1}{2}$ m	14)	a+b+cd ef- $\frac{k}{m}$	11)
100a-40	15)	m	
$\frac{k}{2}$ ou k:2 ou $\frac{1}{2}$ k	16)		12)
x-(y+z)	17)	4(s-t)	13)
a-3b (centavos)	18)	m+n	
cm+dn	19)	$kp - \frac{3(a-b)}{a}$	14)
ptk	20)	2(a+b)	
12ab	21)	p-(x+yz)	15)
30pqr	22)	2(a+b+c) 3a(b-c)	16)

- 4. O seguinte será considerado correto:
 - a) omissão de colchetes,
 - b) colocação de fator numérico depois dos colchetes em vez de antes dos mesmos.